

## CINEMATIQUE

Étude du mouvement (position) d'un corps  
Ne concerne pas les causes du mouvement

Chap 4

## Cheminement

Notion de position  
Positions à une et deux dimensions  
Déplacements comme vecteur  
Représentations graphiques

Notions de vitesse et accélération  
Représentation et propriétés des graphiques  
Équations de la cinématique MRUA

## Position

C'est l'emplacement dans le système de référence.

À deux dimensions:  $\vec{r}(t) = (x(t), y(t))$   
Trajectoire, exemples, notation  $x(t)\vec{i} + y(t)\vec{j}$

À une dimension: mouvement rectiligne  
 $\vec{r}(t) = \vec{x}(t) = x(t)$

Exemples  $x(t) = t, t^2, \sin(t), \dots$   
Rectiligne verticale, oblique...

Passer à la première page

## Déplacement

Le déplacement est la **différence** entre une position « finale » et une position « initiale ».  
À deux dimension et plus, il est représenté par un vecteur.  
La « distance parcourue » est la longueur de la trajectoire

À deux dimensions:  $\Delta\vec{r} = \vec{r}_{fin} - \vec{r}_{ini}$   
Note: Position finale = position initiale + déplacements.

À une dimension:  $\Delta\vec{x} = \vec{x}_{fin} - \vec{x}_{ini} = x_f - x_i$

Pour des trajectoires à une dimension, la distance parcourue est la somme des grandeurs des déplacements.

## Mouvement à UNE dimension: Graphique

Représentation graphique de la position en fonction du temps

Exemples  
 $x(t) = t$   
 $x(t) = 4 - t^2$   
 $x(t) = 4\sin(t)$

Le graphe de la fonction  $x(t)$  n'est pas la trajectoire.  
On doit s'habituer à « traduire » les représentations fonction  $x(t)$ , graphe de  $x(t)$  et trajectoire

Eg:  $x(t)$  = parabole, (0,5), (2,2), (6,9). Trouve  $x(t)$ , graphe et décris trajectoire

Passer à la première page

## Déplacements et graphe de $x(t)$

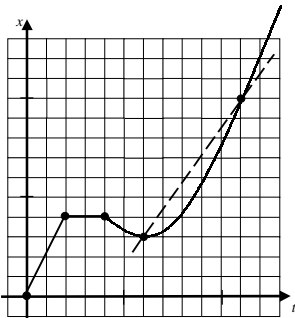
A) décrire le mouvement (trajectoire)  
B) trouver les déplacements entre deux positions  
C) distance parcourue entre deux positions?

Passer à la première page

## Vitesse moyenne

Trouvez la vitesse moyenne entre les points:  
 1 et 2  
 2 et 3  
 1 et 3  
 4 et 5... conclusion?

$$v_{moy} = \frac{\Delta x}{\Delta t}$$

$$= \frac{x_2 - x_1}{t_2 - t_1} = \frac{x(t_2) - x(t_1)}{t_2 - t_1}$$


C'est la pente de la **sécante** entre les deux points

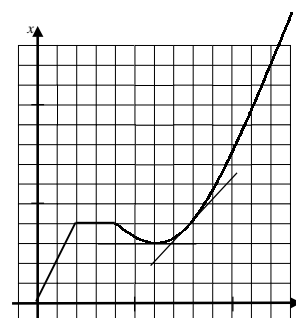
Est d'une utilité limitée... Deux dimensions? [Passer à la première page](#)

## Vitesse (instantanée)

$v_{ins} = \bullet x / \bullet t$   
 lorsque les  $\bullet$  tendent vers zéro

$$v_{ins} = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta x}{\Delta t}$$

C'est la pente de la **tangente** au point. C'est donc la dérivée de la fonction  $x(t)$



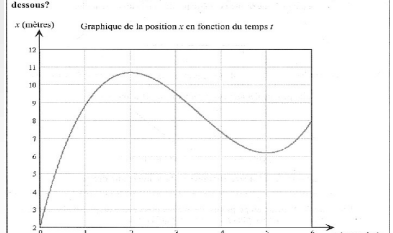
Eg:  $x(t) = t^2$ . Si deux dimensions? Si  $v = cte$ ,  $x = vt \dots$  [Passer à la première page](#)

## Quelques caractéristiques de la pente de $x(t)$

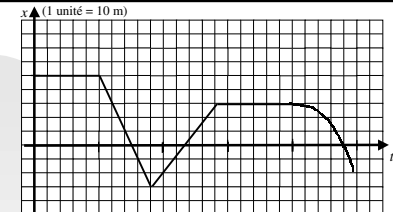
Pente positive  
vitesse positive
Pente nulle  
vitesse nulle
Pente négative  
vitesse négative

Exemple 4.6: Quel est le signe de la vitesse pour le mouvement représenté ci-dessous?

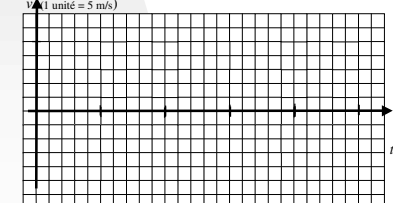
Graphique de la position  $x$  en fonction du temps  $t$



P. 4-11 à 4-13



$x \uparrow$  (1 unité = 10 m)



$v \uparrow$  (1 unité = 5 m/s)

[Passer à la première page](#)

## Accélération moyenne

$$a_{moy} = \frac{\Delta v}{\Delta t}$$

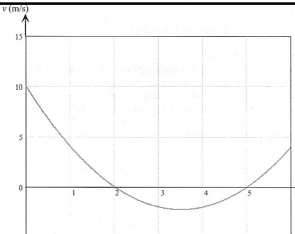
## Accélération instantanée

$$a_{ins} = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta v}{\Delta t}$$

Comme la vitesse est la pente de  $x(t)$ , l'accélération est la pente de  $v(t)$

### Relations entre le signe de $a$ et la vitesse

$a > 0$  pente de  $v > 0$   
 $a < 0$  pente de  $v < 0$   
 Si  $a$  même signe que  $v$ ,  $|v|$  augmente  
 Si  $a$  signe contraire de  $v$ ,  $|v|$  diminue

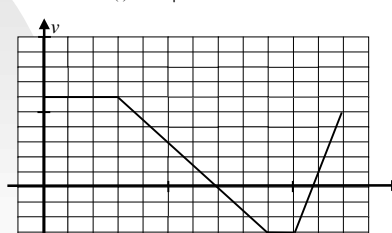


P. 4-15

## Autre caractéristiques des graphes

L'aire sous la courbe de  $v(t)$  correspond à la variation de la position, soit le déplacement.

L'aire sous la courbe de  $a(t)$  correspond à la variation de la vitesse.



Trv. qq. déplacements, faire graphe de  $a(t)$  et  $x(t) \dots$

[Passer à la première page](#)