

# CINEMATIQUE

## Mouvements à une dimension

MRUA: **M**ouvement **R**ectiligne **U**niformément **A**ccélééré  
*Signifie accélération constante*

De  $a = \frac{\Delta v}{\Delta t}$  nous obtenons

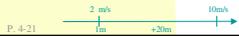
$$v_f = v_i + a \cdot \Delta t$$

Similairement,

$$x_f = x_i + v_i \cdot \Delta t + \frac{1}{2} a \cdot \Delta t^2$$

De ceux-ci on peut démontrer

$$v_f^2 = v_i^2 + 2a \cdot \Delta x$$



Prends axes orientés, axe y etc... [Passer à la première page](#)

# CINEMATIQUE

## Mouvements à une dimension

Une **chute libre** à la verticale est une trajectoire influencé seulement par l'accélération gravitationnelle  $g = (-)9.81 \text{ m/s}^2$

En adoptant l'axe y conventionnel, les équations cinématiques deviennent,

$$v_f = v_i + a \cdot \Delta t \quad \rightarrow \quad v_f = v_i - 9.81 \cdot \Delta t$$

$$x_f = x_i + v_i \cdot \Delta t + \frac{1}{2} a \cdot \Delta t^2 \quad \rightarrow \quad x_f = x_i + v_i \cdot \Delta t - \frac{1}{2} 9.81 \cdot \Delta t^2$$

$$v_f^2 = v_i^2 + 2a \cdot \Delta x \quad \rightarrow \quad v_f^2 = v_i^2 - 2 \cdot 9.81 \cdot \Delta y$$

Exemples:  $v_i = 0$ , chute d'un édifice, graphe  $v(t)$ , Fusé  $a=2g$  pour 1 min, chute libre ensuite. [Passer à la première page](#)

# CINEMATIQUE

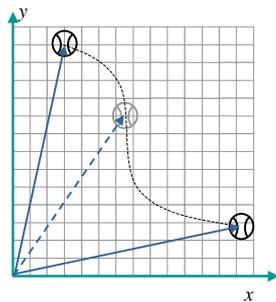
## Mouvements à Deux dimensions

La position en fonction du temps peut être représenté paramétriquement par le vecteur position ou le point de l'espace.

$$\vec{r}(t) = (x(t), y(t))$$

Génère la trajectoire.

Déplacements = ... ?



Exemples paramétriques dans la TL,  $t+\sin[t], 1+\cos[t], t*\cos[t], t*\sin[t]$

[Passer à la première page](#)

# CINEMATIQUE

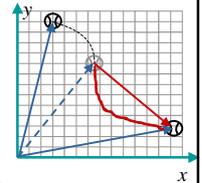
## Mouvements à Deux dimensions

La vitesse moyenne perd son sens. Plusieurs interprétations:

1-Longueur de l'arc / temps  $\Delta \ell \div \Delta t$

2-Longueur du déplacement / temps  $\|\Delta \vec{r}\| \div \Delta t$

3-Déplacement / temps  $\Delta \vec{r} \div \Delta t = \frac{1}{\Delta t} (\Delta x, \Delta y) = (\frac{\Delta x}{\Delta t}, \frac{\Delta y}{\Delta t})$   
Dans ce cas, la « vitesse moyenne » possède deux composantes



Nous parlerons donc du vecteur vitesse:  $\vec{v} = \lim_{\Delta \rightarrow 0} \frac{\Delta \vec{r}}{\Delta t} = (v_x, v_y)$

La norme de ce vecteur est la grandeur de la vitesse.

Exemples

[Passer à la première page](#)

# CINEMATIQUE

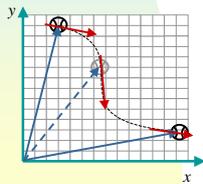
## Mouvements à Deux dimensions

De  $\vec{r}(t) = (x(t), y(t))$

le vecteur vitesse sera aussi en fonction du temps

$$\vec{v}(t) = (v_x(t), v_y(t))$$

**Ce vecteur est tangent à la trajectoire**

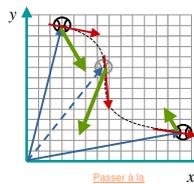


Exemples

Similairement, l'accélération devient

$$\vec{a}(t) = (a_x(t), a_y(t))$$

**L'orientation de ce vecteur n'a pas d'interprétation simple**



[Passer à la première page](#)

# CINEMATIQUE

## Mouvements à Deux dimensions

Nous limitons notre étude aux accélération constantes:  $\vec{a}(t) = (a_x, a_y)$

$$\vec{r}(t) = (x(t), y(t))$$

$$\vec{v}(t) = (v_x(t), v_y(t))$$

$$x_f = x_i + v_{ix} \cdot t + \frac{1}{2} a_x \cdot t^2$$

$$v_{fx} = v_{ix} + a_x \cdot t$$

$$y_f = y_i + v_{iy} \cdot t + \frac{1}{2} a_y \cdot t^2$$

$$v_{fy} = v_{iy} + a_y \cdot t$$

donc...

$$v_{fx}^2 = v_{ix}^2 + 2a_x \cdot \Delta x$$

$$v_{fy}^2 = v_{iy}^2 + 2a_y \cdot \Delta y$$

Eg:  $v_i = (1,6), a = (-0,2, -1,6), x_i = (0,5) \dots$

[Passer à la première page](#)

## CINEMATIQUE

Mouvements à Deux dimensions

**Pour les chutes libres**  
(néglige résistance de l'air)

$a_x = 0$  et  $a_y = -9.81 \text{ m/s}^2$   
Alors

$\vec{r}(t) = (x(t), y(t))$

$x_f = x_i + v_{ix} \cdot t$

$y_f = y_i + v_{iy} \cdot t - \frac{1}{2} \cdot 9.81 t^2$

$\vec{v}(t) = (v_x(t), v_y(t))$

$v_{fx} = v_{ix}$

$v_{fy} = v_{iy} - 9.81 t$

$v_{fy}^2 = v_{iy}^2 - 2 \cdot 9.8 \cdot \Delta y$

Eg:  $60^\circ, v = 80, H = ? D = ? t = ? r(t), v(t), a(t), y(x) = ?$  [Passer à la première page](#)

## CINEMATIQUE (MCUA)

Angles, vitesses, accélération angulaires

E.g. 1

$v_i = 0$   
 $R_{\text{roue}} = \dots$

ons:  
a/s,  
s...  
etc

E.g. 2

$\vec{v}$  tjrs parallèle à l'axe S. Ce n'est pas le cas pour  $\vec{a}$ !

Eg:  $60^\circ, v = 80, H = ? D = ? t = ? r(t), v(t), a(t), y(x) = ?$  [Passer à la première page](#)

## CINEMATIQUE (MCUA)

Angles, vitesses, accélération angulaires

Angle  $\theta$  en rad, deg, tours... Si  $\theta$  est en rad, l'arc de cercle est donné par  $\Delta s = R \Delta \theta$

La vitesse tangentielle (moyenne) est  $\vec{v} = \Delta s / \Delta t$

La vitesse angulaire est  $\omega = \Delta \theta / \Delta t$

La vitesse (tangentielle) est alors  $v = R \omega$

L'accélération angulaire est  $\alpha = \Delta \omega / \Delta t$

L'accélération (tangentielle) est alors  $a_t = R \alpha$

Eg. De  $30^\circ$  à  $45^\circ, r = 4m$  et  $t = 0.5 s$ .

[Passer à la première page](#)

## CINEMATIQUE

Mouvement Circulaire Uniformément Accélééré

Position angulaire  $\theta$  (en rad, deg ou tours)

Vitesse angulaire  $\omega$  (en rad/s, deg/s ou tours/s)

Accélération angulaire  $\alpha$  (en rad/s<sup>2</sup>, etc)

En prenant un système d'axe à une dimensions le long de la circonférence, les équations cinématiques deviennent:

$$\theta_f = \theta_i + \omega_i \cdot t + \frac{1}{2} \alpha \cdot t^2$$

$$\omega_f = \omega_i + \alpha \cdot t$$

$$\omega_f^2 = \omega_i^2 + 2 \alpha \cdot \Delta \theta$$

Rem: Tous des « scalaires » car à 1 dim. Exemples [Passer à la première page](#)

## CINEMATIQUE (MCUA)

Relations entre éléments angulaires et linéaires

En coordonnées cartésiennes, la vitesse, et donc l'accélération sont des vecteurs.  $\vec{a} = \frac{\Delta \vec{v}}{\Delta t}$

Pour  $\theta$  petit, le  $\Delta \vec{v}$  est un vecteur pointant vers le centre du cercle. Ceci génère une accélération vers le centre de rotation et s'appelle l'accélération centripète. Sa grandeur vaut:  $a_c = \frac{v^2}{R}$

Si la vitesse angulaire n'est pas constante il y a aussi une accélération tangentielle. Donc en chaque point d'une trajectoire nous avons une accélération centripète  $a_c$  et une accélération tangentielle  $a_t$ .

La résultante de ces accélérations a une direction et est de grandeur:  $a = \sqrt{a_c^2 + a_t^2}$

Eg. De  $30^\circ$  à  $45^\circ, r = 4m$  et  $t = 0.5 s$ .

[Passer à la première page](#)

## CINEMATIQUE

Proportions, Essieu, Engrenage et Courroie

Sur un même essieu, les vitesses angulaires sont les mêmes et les vitesses tangentielles sont en proportions

Sur un même courroie, les vitesses tangentielles sont les mêmes et les vitesses angulaires sont en proportions

Eg:  $60^\circ, v = 80, H = ? D = ? t = ? r(t), v(t), a(t), y(x) = ?$  [Passer à la première page](#)